

((به نام خداوند جان و خرد))

۲ دوره

سوالات امتحانات نهایی پایه یازدهم

همراه با پاسخنامه از خرداد ۱۴۰۳ تا خرداد ۱۴۰۴

«رشته ریاضی و فیزیک»

هندسه (۲)

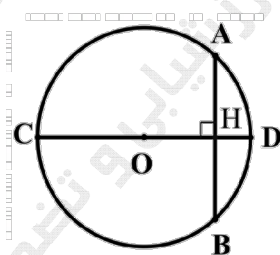
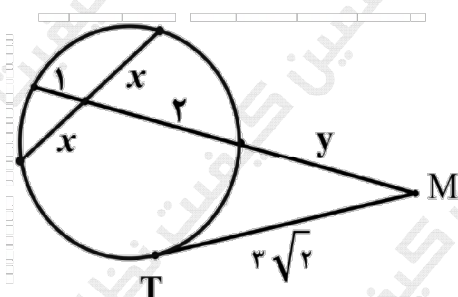
رایگان

منبع اصلی: سایت وزارت آموزش و پرورش، مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش

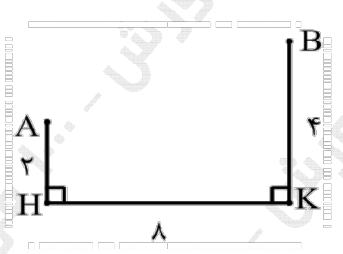
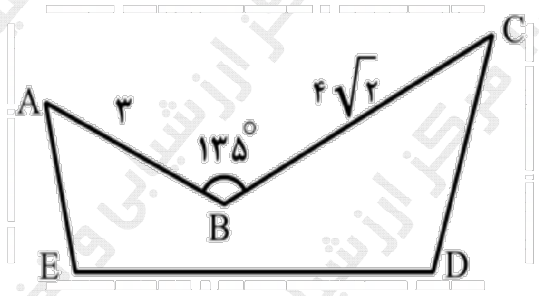
تنظیم و جمع آوری: واحد مشاوره دبیرستان استعدادهای درخشان شهید دستغیب دو - ناحیه ۱ شیراز

رزاق خواجه زاده - مشاور تحصیلی

فروردین ۱۴۰۵

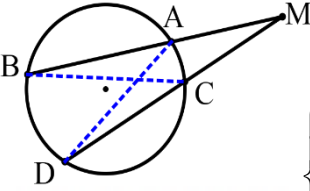
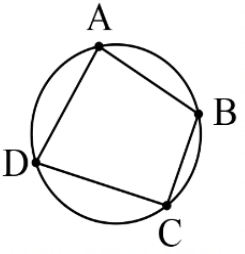
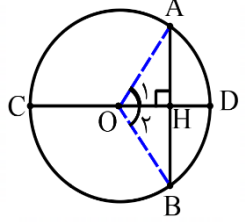
سؤالات آزمون نهایی درس: هندسه ۲		تعداد صفحه: ۳		رشته: ریاضی و فیزیک		ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	
یازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۱۶		نام و نام خانوادگی:		مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایتارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳				مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir			
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.						
۱	سوالات فصل ۱ (الف) هر چندضلعی منتظم، هم محاطی و هم محیطی است. (درست - نادرست) (ب) طول مماس مشترک خارجی دو دایره مماس برون به شعاع‌های R و R' برابر $\sqrt{R^2 + R'^2}$ است. (درست - نادرست) (پ) اندازه هر زاویه ظلی برابر است با اندازه کمان روبه‌رو به آن زاویه. (ت) اگر r_a, r_b, r_c شعاع‌های سه دایره محاطی خارجی یک مثلث و شعاع دایره محاطی داخلی آن برابر ۴ باشد، حاصل $\frac{1}{r_a} + \frac{1}{r_b} + \frac{1}{r_c}$ برابر است.						
۲	ثابت کنید هرگاه خط‌های شامل دو وتر دلخواه AB و CD در نقطه‌ای مانند M (بیرون دایره) یکدیگر را قطع کنند، آن‌گاه: $MA \cdot MB = MC \cdot MD$						
۳	ثابت کنید اگر یک چهارضلعی محاطی باشد، آن‌گاه دو زاویه مقابل آن مکمل هستند.						
۴	در شکل مقابل وتر AB بر قطر CD عمود است. ثابت کنید قطر CD وتر AB و کمان AB را نصف می‌کند. 						
۵	در مثلث قائم‌الزاویه‌ای با اضلاع زاویه قائمه ۳ و ۴، شعاع دایره محاطی داخلی را محاسبه کنید.						
۶	در شکل زیر MT به طول $3\sqrt{2}$ مماس بر دایره است. مقادیر عددی x و y را به دست آورید. 						

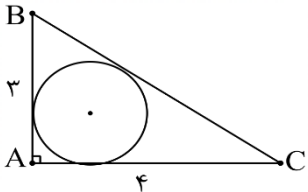
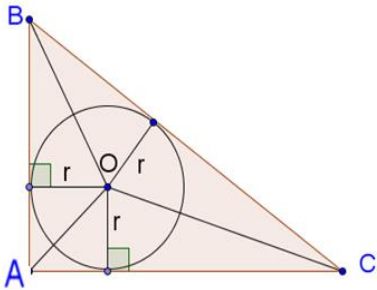
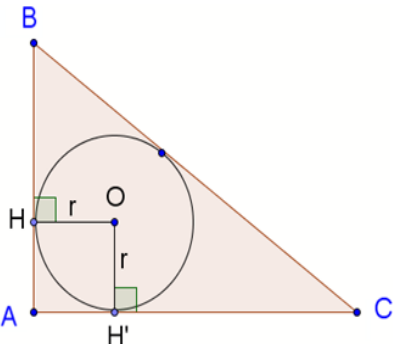
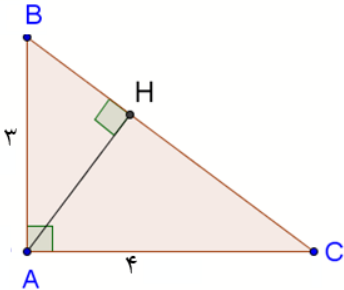
سؤالات آزمون نهایی درس: هندسه ۲		تعداد صفحه: ۳	رشته:	ریاضی و فیزیک		ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح										
یازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ آزمون:	۱۴۰۳/۰۳/۱۶		نام و نام خانوادگی:	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه										
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایتارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳			مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir													
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.															
نمره ۲ سؤالات فصل ۲ برای هر کدام از عبارات گروه A، تبدیل مناسب را از گروه B انتخاب کنید. (یک مورد از گروه B اضافی است). <table><tr><td>گروه A</td><td>گروه B</td></tr><tr><td>الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی‌کند:</td><td>دوران</td></tr><tr><td>ب) تبدیلی که نتیجه دو بازتاب متوالی با محورهای متقاطع است:</td><td>همانی</td></tr><tr><td>پ) تبدیلی که هر نقطه صفحه را به خود آن نقطه نظیر می‌کند:</td><td>بازتاب</td></tr><tr><td></td><td>انتقال</td></tr></table>							گروه A	گروه B	الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی‌کند:	دوران	ب) تبدیلی که نتیجه دو بازتاب متوالی با محورهای متقاطع است:	همانی	پ) تبدیلی که هر نقطه صفحه را به خود آن نقطه نظیر می‌کند:	بازتاب		انتقال
گروه A	گروه B															
الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی‌کند:	دوران															
ب) تبدیلی که نتیجه دو بازتاب متوالی با محورهای متقاطع است:	همانی															
پ) تبدیلی که هر نقطه صفحه را به خود آن نقطه نظیر می‌کند:	بازتاب															
	انتقال															
۷۵.۰	با توجه به شکل زیر نشان دهید در تبدیل انتقال، اندازه هر پاره خط و اندازه تصویر آن باهم برابرند. $(\vec{V} \parallel AB)$ و اندازه $\vec{V}$ از اندازه پاره خط AB کوچک تر است.															
۱	نقاط A'، B' و C' به ترتیب دوران یافته نقاط A، B و C هستند. روش یافتن مرکز دوران را شرح دهید.															
۰.۵	در شکل روبه‌رو اگر خط L را در تجانس به مرکز O و نسبت تجانس $\frac{7}{4}$ تصویر کنیم و آن را L' بنامیم؛ مساحت بین خط L و L' و خطوط d و d' چقدر است؟															
۱.۰۵																

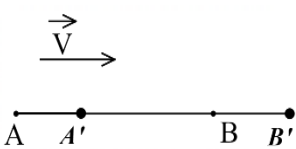
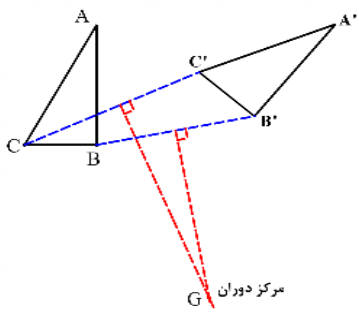
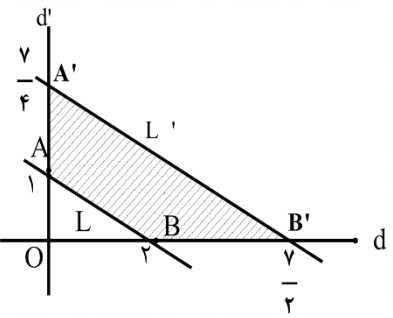
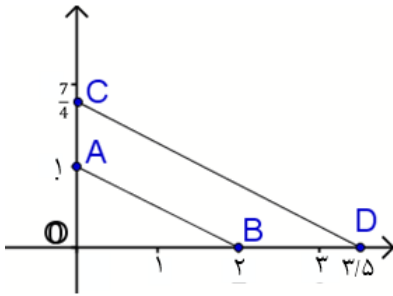
سؤالات آزمون نهایی درس: هندسه ۲	تعداد صفحه: ۳	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح
یازدهم دوره دوم متوسطه	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۱۶	نام و نام خانوادگی:	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایتارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir			
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.		
۱۱	با توجه به شکل، نقطه M روی پاره خط $HK=8$ را به گونه‌ای بیابید که: الف) مسیر AMB کوتاه‌ترین مسیر ممکن باشد. ب) کمترین مقدار عددی $AM+MB$ را محاسبه کنید. 		
۱۲	در شکل زیر، می‌خواهیم بدون آن که محیط تغییر کند، مساحت را افزایش دهیم. میزان افزایش مساحت را حساب کنید. 		
۱۳	سؤالات فصل ۳ در مثلث ABC، $BC = 10 \text{ cm}$، $\hat{A} = 30^\circ$، مقدار شعاع دایره محیطی کدام است؟ الف) ۱۰ ب) ۱۵ پ) ۲۰ ت) ۲۵		
۱۴	در مثلث ABC که $(\hat{A} < 90^\circ)$، ثابت کنید: $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos A$		
۱۵	مساحت مثلث متساوی‌الاضلاع به ضلع a را به کمک دستور هرون بیابید.		
۱۶	در مثلث ABC، $AB=7$، $AC=4$ و $BC=10$ است. طول نیمساز داخلی زاویه C را محاسبه کنید.		
۱۷	در مثلث ABC که $AB=4$، $AC=6$ و $BC=8$، نقطه M وسط ضلع BC است. محیط مثلث AMC را به دست آورید.		

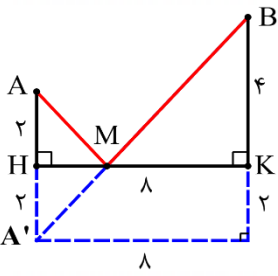
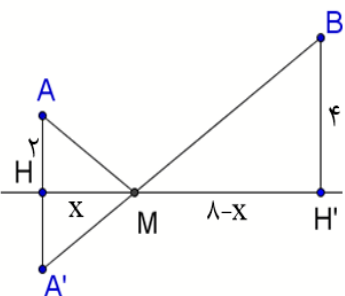
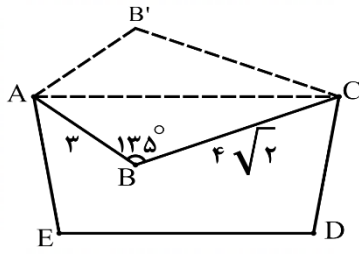
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	نوبت صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: هندسه ۲
ساعت آزمون: ۷:۳۰ صبح		تعداد صفحه: چهار صفحه	پایه: یازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش azmoon.medu.ir		راهنمای تصحیح	

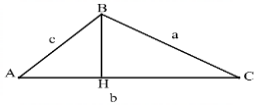
ضمن سلام و خداقوت خدمت همکاران و مصححان عزیز، با عنایت به ماهیت درس هندسه و امکان داشتن چندین روش درست برای پاسخ یک سوال، لطفاً به روش‌های درست و خلاقانه دانش‌آموزان (جدا از روش کلید) در پاسخ به سوالات، نمره متناسب لحاظ گردد تا حقی از آنها تضییع نگردد.

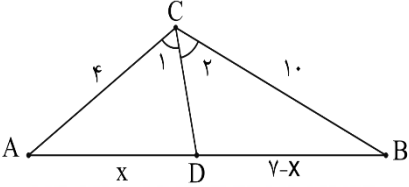
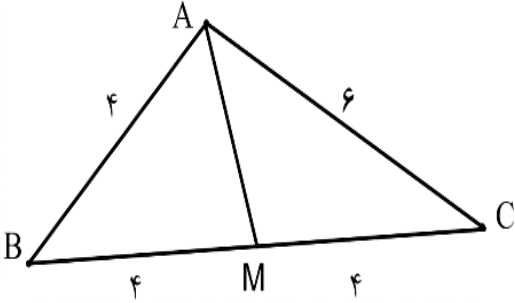
ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۱ از ۷)	نمره
۱	(الف) درست ۰/۲۵ (ص ۲۹) (ب) نادرست ۰/۲۵ (ص ۲۲) (پ) نصف ۰/۲۵ (ص ۱۵) (ت) $\frac{1}{4}$ ۰/۲۵ (ص ۲۹)	۱
۲	مثلث‌های MBC و MAD مشابه هستند. ۰/۲۵  $\begin{cases} \hat{B} = \hat{D} = \frac{AC}{2} & 0/25 \\ \hat{M} = \hat{M} & 0/25 \end{cases} \xrightarrow{ز} \frac{MB}{MD} = \frac{MC}{MA} \rightarrow \underbrace{MA \times MB = MC \times MD}_{0/25}$ (ص ۱۸)	۱/۵
۳	طبق فرض می‌دانیم نقاط A, B, C و D روی دایره هستند. ۰/۲۵ (اشاره به محاطی بودن چهارضلعی، از طریق شکل نیز قابل قبول است).  $\begin{cases} \hat{A} = \frac{DCB}{2} & 0/25 \\ \hat{C} = \frac{DAB}{2} & 0/25 \end{cases} \rightarrow \hat{A} + \hat{C} = \frac{DCB + DAB}{2} = \frac{360^\circ}{2} = 180^\circ$ به‌طور مشابه $\hat{B} + \hat{D} = 180^\circ$. ۰/۲۵ (ص ۲۷)	۱/۵
۴	روش اول:  $\begin{cases} OA = OB & 0/25 \\ OH = OH & 0/25 \end{cases} \xrightarrow[\text{و ت}]{\text{ر و ض ل}} \Delta OAH \cong \Delta OBH \rightarrow$ $\underbrace{AH = BH}_{0/25}, \quad \underbrace{\hat{O}_1 = \hat{O}_2}_{0/25} \rightarrow \underbrace{AD = BD}_{0/25}$ روش دوم: ۰/۲۵ $OA = OB = r \Rightarrow OAB$ متساوی الساقین چون در مثلث متساوی الساقین، ارتفاع، نیمساز و میانه هم هست (۰/۲۵) داریم $\underbrace{AH = BH}_{0/25}, \quad \underbrace{O_1 = O_2}_{0/25} \Rightarrow \underbrace{AD = BD}_{0/25}$ رایگان: تنظیم: واحد مشاوره دبیرستان است (ص ۱۳) درخشان شهید دستغیب دو ناحیه ۱ شیراز	۱/۵

نمره	راهنمای تصحیح (صفحه ۲ از ۷)	ردیف
۱/۲۵	روش اول:  $BC = ۵ \quad \cdot/۲۵$ $\underbrace{۳+۴+۵=۲P}_{\cdot/۲۵} \rightarrow p=۶ \quad \rightarrow S = \underbrace{\frac{۳ \times ۴}{۲}}_{\cdot/۲۵} = ۶$ $\underbrace{r = \frac{S}{P} = \frac{۶}{۶}}_{\cdot/۵} = ۱$	
	روش دوم:  $BC = ۵ \quad \cdot/۲۵$ $S_{ABC} = \frac{۳ \times ۴}{۲} = ۶ \quad \cdot/۲۵$ $S_{ABC} = S_{OBC} + S_{OAC} + S_{OAB}$ $= \frac{r \times BC}{۲} + \frac{r \times AC}{۲} + \frac{r \times AB}{۲} \quad \cdot/۲۵$ $= \frac{r \times ۴}{۲} + \frac{r \times ۵}{۲} + \frac{r \times ۳}{۲} = ۶r = ۶ \quad \cdot/۲۵$ $\Rightarrow r = ۱ \quad \cdot/۲۵$	۵
	روش سوم:  $HAH'O \text{ مربع} \quad \cdot/۲۵$ $\Rightarrow AH = r \quad \cdot/۲۵$ $BC = ۵ \quad \cdot/۲۵$ $\Rightarrow p = \frac{۳+۴+۵}{۲} = ۶ \quad \cdot/۲۵$ $r = AH = p - a = ۶ - ۵ = ۱ \quad \cdot/۲۵$	
	روش چهارم:  $BC = ۵ \quad \cdot/۲۵$ $AB \times AC = AH \times BC \quad \cdot/۲۵$ $\Rightarrow ۳ \times ۴ = AH \times ۵ \Rightarrow AH = \frac{۱۲}{۵} \quad \cdot/۲۵$ $\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{1}{r} \quad \cdot/۲۵$ $\Rightarrow \frac{1}{۳} + \frac{1}{۴} + \frac{۵}{۱۲} = \frac{1}{r} \Rightarrow r = ۱ \quad \cdot/۲۵$	
	رایگان: تنظیم: واحد مشاوره دبیرستان استعدادهای درخشان شهید دستغیب دو ناحیه ۱ شیراز (۲۵)	

ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۳ از ۷)	نمره
۶	$\underbrace{x \times x = 2 \times 1}_{\cdot/25} \rightarrow \underbrace{x^2 = 2}_{\cdot/25} \rightarrow \underbrace{x = \sqrt{2}}_{\cdot/25}$ $\underbrace{(3\sqrt{2})^2 = y(y+3)}_{\cdot/25} \rightarrow \underbrace{y^2 + 3y - 18 = 0}_{\cdot/25} \rightarrow \underbrace{y = 3}_{\cdot/25}$ (ص ۱۸)	۱/۲۵
۷	الف) بازتاب $\cdot/25$ (ص ۴۸) ب) دوران $\cdot/25$ (ص ۴۳) پ) همانی $\cdot/25$ (ص ۴۷)	۰/۷۵
۸	 $\begin{cases} AB = AA' + A'B & \cdot/25 \\ A'B' = BB' + A'B & \cdot/25 \end{cases} \xrightarrow{AA' = BB' \quad \cdot/25} \underbrace{AB = A'B'}_{\cdot/25}$ (ص ۳۹)	۱
۹	روش اول: محل هم‌رسی عمود منصف‌های پاره‌خط‌های واصل بین هر نقطه و تصویرش، مرکز دوران است. $\cdot/5$  روش دوم: برای رسم شکل دقیق، نمره کامل منظور شود. (ص ۴۲)	۰/۵
۱۰	روش اول:  $\frac{OA'}{OA} = \frac{y}{4} \rightarrow OA' = \frac{y}{4} \quad \cdot/25$ $\frac{OB'}{OB} = \frac{y}{4} \rightarrow OB' = \frac{y}{2} \quad \cdot/25$ $S = S_{\triangle OA'B'} - S_{\triangle OAB} = \frac{1}{2} \left(\frac{y}{4} \times \frac{y}{2} \right) - \frac{1}{2} (1 \times 2) = \frac{33}{16}$ رسم شکل $\cdot/25$ روش دوم:  $\frac{S_{CDO}}{S_{ABO}} = k^2 = \frac{49}{16} \quad \cdot/5$ $\frac{S_{CDO} - S_{ABO}}{S_{ABO}} = \frac{49 - 16}{16} = \frac{33}{16} \quad \cdot/5$ $S_{ABO} = \frac{1 \times 2}{2} = 1 \Rightarrow S_{ABDC} = \frac{33}{16} \quad \cdot/5$	۱/۵
رایگان: تنظیم: واحد مشاوره دبیرستان استعدادهای درخشان شهید دستغیب دو ناحیه ۱ شیراز		

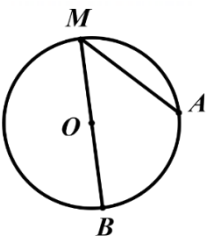
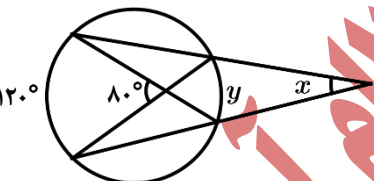
ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۴ از ۷)	نمره
۱۱	الف) بازتاب نقطه A را نسبت به محور HK نقطه A' می‌نامیم. محل تلاقی A'B با HK را M می‌نامیم. مسیر AMB پاسخ مسأله است. ۰/۵ رسم شکل ۰/۲۵ ب) روش اول: $\underbrace{AM + MB}_{0/25} = \underbrace{A'B}_{0/25} \rightarrow A'B = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10$ ب) روش دوم:   $AHM \approx BH'M \Rightarrow \frac{AH}{BH'} = \frac{HM}{MH'}$ $\Rightarrow \frac{2}{2} = \frac{x}{8-x} \Rightarrow x = \frac{8}{3} \Rightarrow MH = \frac{8}{3}, MH' = \frac{16}{3}$ $AM = \sqrt{2^2 + \left(\frac{8}{3}\right)^2} = \frac{10}{3}, BM = \frac{20}{3}$ $\Rightarrow AM + BM = \frac{10}{3} + \frac{20}{3} = 10 \quad 0/25$ (ص ۵۲)	۰/۷۵
۱۲	 رسم بازتاب ۰/۲۵ $S_{ABC} = \frac{1}{2} \times 3 \times 4\sqrt{2} \times \sin 135^\circ = 6\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 6$ $S_{ABCB'} = 2S_{ABC} = 12$ تذکر: اگر به جای رسم شکل، به صورت زیر توضیح داده شود، نمره ۰/۲۵ تعلق گیرد. «بازتاب نقطه B را نسبت به خط AC پیدا می‌کنیم.» (ص ۵۴)	۱
۱۳	گزینه درست: ۱۰ یا الف ۰/۵	۰/۵

نمره	راهنمای تصحیح (صفحه ۵ از ۷)	ردیف
۱/۵	روش اول: $\cos A = \frac{AH}{c} \rightarrow AH = c \cos A \quad \cdot / ۲۵$ $\sin A = \frac{BH}{c} \rightarrow BH = c \sin A \quad \cdot / ۲۵$ $CH = b - AH = b - c \cos A \quad \cdot / ۲۵$ $\Delta HBC : a^2 = BH^2 + CH^2 = (c \sin A)^2 + (b - c \cos A)^2 \quad \cdot / ۲۵$ $a^2 = c^2 \sin^2 A + b^2 + c^2 \cos^2 A - 2bc \cos A \quad \cdot / ۲۵$ $a^2 = b^2 + c^2 (\sin^2 A + \cos^2 A) - 2bc \cos A \rightarrow a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A \quad \cdot / ۲۵$ روش دوم:  $\Delta HBC : a^2 = \underbrace{BH^2 + CH^2}_{\cdot / ۲۵} = \underbrace{(c^2 - AH^2)}_{\cdot / ۲۵} + \underbrace{(b - AH)^2}_{\cdot / ۲۵}$ $\rightarrow a^2 = c^2 - AH^2 + b^2 + AH^2 - 2bAH \quad \cdot / ۲۵$ $\rightarrow a^2 = b^2 + c^2 - 2bAH \xrightarrow[\cdot / ۲۵]{AH = c \cdot \cos A} a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A \quad \cdot / ۲۵$ (ص ۶۴)	۱۴
۱	$a + a + a = 3P \rightarrow P = \frac{3}{2}a \quad \cdot / ۲۵$ $S = \sqrt{\frac{3}{2}a(\frac{3}{2}a - a)(\frac{3}{2}a - a)(\frac{3}{2}a - a)} = \sqrt{\frac{3}{2}a(\frac{1}{2}a)(\frac{1}{2}a)(\frac{1}{2}a)} = \underbrace{\frac{\sqrt{3}}{4}}_{\cdot / ۲۵} a^2$ (ص ۷۳)	۱۵

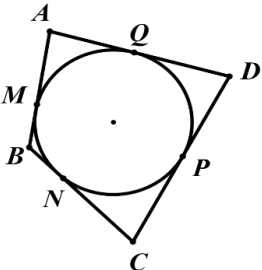
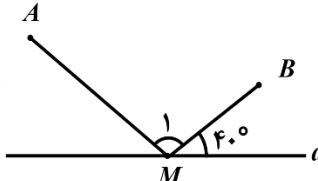
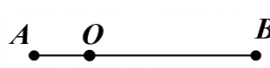
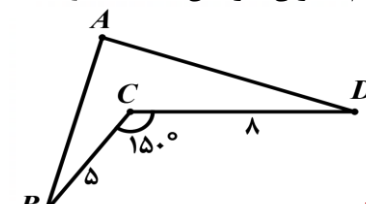
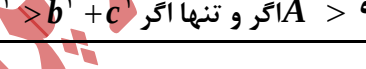
نمره	راهنمای تصحیح (صفحه ۶ از ۷)	ردیف
۱/۵	روش اول:  $\frac{4}{10} = \frac{x}{7-x} \rightarrow 28 - 4x = 10x \rightarrow x = 2 = AD \rightarrow BD = 5$ $DC^2 = 4 \times 10 - 5 \times 2 = 30 \rightarrow DC = \sqrt{30}$ روش دوم: $AD = \frac{4 \times 7}{4 + 10} = 2$ $BD = \frac{10 \times 7}{4 + 10} = 5$ $DC^2 = 4 \times 10 - 5 \times 2 = 30 \Rightarrow DC = \sqrt{30}$ روش سوم: $\frac{BC}{AC} = \frac{BD}{AD} \Rightarrow \frac{BC}{AC + BC} = \frac{BD}{AD + BD} \Rightarrow \frac{10}{14} = \frac{BD}{7} \Rightarrow BD = 5, AD = 2$ $DC^2 = 4 \times 10 - 5 \times 2 = 30 \Rightarrow DC = \sqrt{30}$ (ص ۷۰)	۱۶
۱/۵	روش اول:  $6^2 + 4^2 = 2AM^2 + \frac{8^2}{2} \rightarrow 36 + 16 = 2AM^2 + 32$ $\rightarrow AM^2 = 10 \rightarrow AM = \sqrt{10}$ $\rightarrow P_{AMC} = 6 + 4 + \sqrt{10} = 10 + \sqrt{10}$	۱۷

نمره	راهنمای تصحیح (صفحه ۷ از ۷)	ردیف
۱/۵	روش دوم: $\beta = 180^\circ - \alpha \Rightarrow \cos \alpha = -\cos \beta \quad \cdot / 25$ $4^2 = 4^2 + AM^2 - 2AM \cos \beta \quad \cdot / 25$ $6^2 = 4^2 + AM^2 - 2AM \cos \alpha \quad \cdot / 25$ $\Rightarrow 6^2 = 4^2 + AM^2 + 2AM \cos \beta$ $\Rightarrow 2AM^2 = 20 \Rightarrow AM = \sqrt{10} \quad \cdot / 5$ $\Rightarrow 2p = 6 + 4 + \sqrt{10} = 10 + \sqrt{10} \quad \cdot / 25$ روش سوم: $AB^2 \times MC + AC^2 \times BM = AM^2 \times BC + BM \times MC \times BC \quad \cdot / 5$ $\Rightarrow 4^2 \times 4 + 6^2 \times 4 = AM^2 \times 8 + 4 \times 4 \times 8 \quad \cdot / 25$ $\Rightarrow AM^2 = 10 \Rightarrow AM = \sqrt{10} \quad \cdot / 5$ $\Rightarrow 2p = 6 + 4 + \sqrt{10} = 10 + \sqrt{10} \quad \cdot / 25$ روش چهارم: $S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)} = 3\sqrt{15} \quad \cdot / 25$ $S = \frac{AH \times C}{2} \Rightarrow h = \frac{3\sqrt{15}}{4} \quad \cdot / 25$ $\triangle ABH \Rightarrow 16 = BH^2 + h^2 \Rightarrow BH = \frac{11}{4} \quad \cdot / 25$ $MH = MB - BH \Rightarrow MH = 4 - \frac{11}{4} = \frac{5}{4} \quad \cdot / 25$ $\triangle AMH \Rightarrow AM^2 = \left(\frac{5}{4}\right)^2 + \left(\frac{3\sqrt{15}}{4}\right)^2 \Rightarrow AM = \sqrt{10} \quad \cdot / 25$ $\Rightarrow 2p = 10 + \sqrt{10} \quad \cdot / 25$ (ص ۶۷)	۱۷
۲۰	جمع نمرات	رایگان: تنظیم: واحد مشاوره دبیرستان فراوان از همکاران گرامی شیراز ۱ ناحیه ۱

سوال‌ات آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه: ۲	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir	
(داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		ردیف	
سوال‌ات (پاسخ برگ دارد)		نمره	

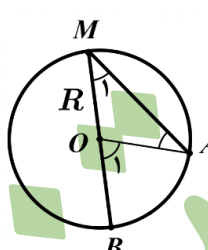
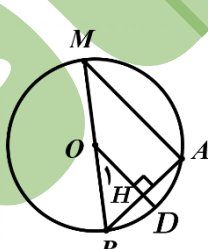
۱	درستی یا نادرستی عبارات زیر را تعیین کنید. الف) در هر دایره، طول یک کمان، برابر با اندازه زاویه مرکزی مقابل به آن کمان است. ب) دو دایره به طول شعاع‌های ۳ و ۵ سانتی‌متر و طول خط‌المركزین ۲ سانتی‌متر، مماس برون هستند. ج) تبدیل انتقال، جهت شکل را حفظ می‌کند. د) تبدیل بازتاب نسبت به خط، بی‌شمار نقطه ثابت دارد.	۱
۱	در هر قسمت، پاسخ مناسب را بنویسید. الف) فاصله مرکز دایره‌ای از یک خط، کمتر از شعاع آن دایره است. این خط و دایره نقطه اشتراک دارند. (یک، دو) ب) در هر مثلث، نقطه هم‌رسمی نیمسازها، مرکز دایره مثلث است. (محیطی، محاطی) ج) شیب خط در تبدیل، همواره حفظ می‌شود. (انتقال، دوران) د) دورانی به مرکز O و زاویه، تبدیلی همانی است. (180° ، 360°)	۲
۱، ۲ ۵	در شکل زیر O مرکز دایره است. ثابت کنید: اندازه زاویه محاطی $\widehat{M}$ ، برابر با نصف اندازه کمان مقابل به آن زاویه است. 	۳
۱	با توجه به شکل، مقدار x را محاسبه کنید. 	۴
۱، ۲ ۵	از نقطه P خارج دایره، مماس PT و خط قاطعی نسبت به دایره رسم می‌کنیم. خط قاطع دایره را در نقاط A و B قطع می‌کند. ثابت کنید: $PT^2 = PA \times PB$	۵
۱، ۵	دو دایره متخارج داریم که طول مماس مشترک داخلی و خارجی آنها به ترتیب برابر ۱۰ و ۲۴ سانتی‌متر و طول خط‌المركزین آنها مساوی ۲۶ سانتی‌متر است. طول شعاع‌های دو دایره را به دست آورید.	۶
۱	مثلی به طول اضلاع a ، b و c با شعاع دایره محاطی داخلی به اندازه r و سه ارتفاع به طول‌های h_a ، h_b و h_c را در نظر بگیرید. نشان دهید: $\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{1}{r}$	۷

سؤالات آزمون نهایی درس: هندسه (۲)		پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه: ۲	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	نام و نام خانوادگی:	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی			مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir	
(داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴				
ردیف	سؤالات (پاسخ برگ دارد)			نمره

۸	در چهارضلعی محیطی زیر ثابت کنید؛ مجموع اندازه‌های دو ضلع مقابل، برابر با مجموع اندازه‌های دو ضلع دیگر است. 	۱
۹	مطابق شکل، نقطه M را روی خط d چنان در نظر می‌گیریم که $AM + MB$ کمترین مقدار ممکن شود. اندازه زاویه $\hat{M}_1$ را به دست آورید. 	۰,۵
۱۰	مطابق شکل زیر، نقطه O روی پاره خط AB است. ثابت کنید؛ تحت دورانی به مرکز O و هر زاویه حاده a، اندازه پاره خط AB با تصویر آن با هم برابرند. 	۱
۱۱	در شکل زیر، می‌خواهیم بدون تغییر طول ضلع‌ها، مساحت شکل را افزایش دهیم. میزان افزایش مساحت را به دست آورید. ($\hat{BCD} = 150^\circ$ و $BC = 5$, $CD = 8$) 	۱
۱۲	ثابت کنید، در هر تبدیل طولی، تبدیل یافته یک زاویه، زاویه‌ای هم‌اندازه آن است. 	۱,۲ ۵
۱۳	محل برخورد قطرهای مستطیلی را O می‌نامیم. در تجانس به مرکز O و نسبت $\frac{2}{3}$ ، مساحت بین آن مستطیل و تصویرش برابر ۱۰ است. مساحت مستطیل اولیه را محاسبه کنید. 	۱,۲ ۵
۱۴	در مثلث ABC با شعاع دایره محیطی R می‌دانیم؛ $BC = 10$, $\hat{B} = 135^\circ$ و $R = 10$. اندازه زاویه $\hat{A}$ و طول ضلع AC را حساب کنید. 	۱,۵
۱۵	در مثلث ABC با فرض $AC = b$, $AB = c$ و $BC = a$ ، ثابت کنید؛ اگر $\hat{A} > 90^\circ$ و تنها اگر $a^2 > b^2 + c^2$. 	۰,۷۵
۱۶	مثلی به طول اضلاع ۶، ۱۰ و ۱۴ را در نظر بگیرید. الف) با استفاده از قضیه کسینوس‌ها، اندازه زاویه مقابل به بزرگ‌ترین ضلع مثلث را محاسبه کنید. ب) به کمک دستور هرون، طول ارتفاع وارد بر کوچک‌ترین ضلع مثلث را به دست آورید. 	۱ ۱,۲ ۵
۱۷	در مثلث ABC داریم؛ $AB = 5$, $BC = 12$ و $AC = 15$. طول نیمساز زاویه داخلی $\hat{A}$ را محاسبه کنید. 	۱,۵

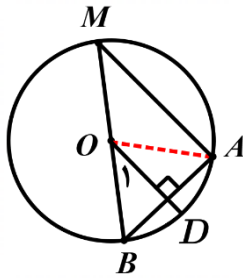
سوالات آزمون نهایی درس: هندسه (۲)		پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه: ۲	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	نام و نام خانوادگی:	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir		
(داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴				
ردیف	سوالات (پاسخ برگ دارد)			نمره
موفق باشید			۲۰	
صفحه ۲ از ۲				

مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)		پایه: یازدهم		رشته: ریاضی و فیزیک		تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	
تعداد صفحه:		مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران			
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴				مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir			
ردیف		راهنمای نمره‌گذاری					
نمره							
		همکار محترم، از زحمات شما سپاسگزاریم. لطفاً به موارد زیر دقت فرمایید: ۱. تاکید می‌شود که ملاک نمره‌گذاری، راهنمای نمره‌گذاری است و از اعمال سلیقه خودداری شود. اما برای پاسخ‌های صحیح دیگر هر سوال به تناسب، نمره منظور شود تا حقی از دانش آموز ضایع نشود. ۲. در این راهنمای نمره‌گذاری، برخی سوالات از چندین روش حل شده است (برخی از روش‌ها فقط فرم نگارش آن متفاوت با روش‌های دیگر است). اما در کتاب درسی، اکثر این سوالات به روش نخست حل شده‌اند. ارائه این روش‌ها فقط به جهت درنظر گرفتن روش‌های احتمالی دانش‌آموزان و اختصاص نمره به ایشان است و پرداختن به این روش‌ها در کلاس درس توصیه نمی‌شود. ۳. معمولاً، رسیدن به جواب نهایی سوال، در چند مرحله انجام می‌شود. در صورتی که دانش آموز در مراحل ابتدایی اشتباه کرده باشد، اما با توجه به آن اشتباه بقیه موارد را درست انجام داده باشد، فقط نمره آن اشتباه کسر شود و به بقیه مراحل درست، نمره داده شود. ۴. این راهنمای نمره‌گذاری، در ساعات اولیه بعد از برگزاری امتحان به صورت غیرقابل استناد منتشر می‌شود و پس از بررسی نهایی، به صورت رسمی و قابل استناد منتشر می‌شود. لطفاً دقت فرمایید که نمره‌گذاری شما بر طبق راهنمای نهایی و قابل استناد باشد.					
۱	الف) نادرست صفحه ۱۲	ب) نادرست صفحه ۲۰	ج) درست مشابه تمرین ۲ صفحه ۴۲	د) درست صفحه ۳۶	بارم هر قسمت (۰/۲۵)		۱
۲	الف) دو صفحه ۱۱	ب) محاطی صفحه ۲۵	ج) انتقال صفحه ۳۹	د) ۳۶۰° صفحه ۴۸	بارم هر قسمت (۰/۲۵)		۱
۱.۲۵	روش اول: مرکز دایره را به نقطه A وصل می‌کنیم.  رسم شکل (۰/۲۵) $OM = OA = R \Rightarrow \hat{M}_1 = \hat{A} \quad (1) \quad (0/25)$ زاویه $\hat{O}_1$ در مثلث OAM خارجی است لذا: $\hat{O}_1 = \hat{M}_1 + \hat{A} \quad (2) \quad (0/25)$ $\hat{O}_1 = 2\hat{M}_1 \Rightarrow BA = 2\hat{M}_1 \Rightarrow \hat{M}_1 = \frac{BA}{2} \quad (1), (2) \Rightarrow \quad (0/25)$ روش دوم: وتر AB و شعاع عمود بر آن را رسم می‌کنیم. در نتیجه  رسم شکل (۰/۲۵) $OH \perp AB \Rightarrow BH = AH, \quad BD = DA \quad (0/25)$ $\left. \begin{aligned} \frac{BO}{BM} &= \frac{BH}{BA} = \frac{1}{2} \\ \hat{B} &= \hat{B} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \triangle OBH \sim \triangle MAB \Rightarrow \hat{M} = \hat{O}_1 = BD = \frac{AB}{2} \quad (0/25)$						

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)		پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	
تعداد صفحه:		مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir			
ردیف	راهنمای نمره‌گذاری				نمره

روش سوم:

وتر AB و شعاع عمود بر آن را رسم می‌کنیم. در نتیجه

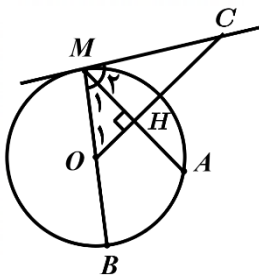
رسم شکل (۰/۲۵)

$$OD \perp AB \Rightarrow BD = DA \Rightarrow \hat{O}_1 = \frac{BA}{2} \quad (۱) \quad (۰/۲۵)$$

از طرفی چون در مثلث AMB میانه وارد بر یک ضلع، نصف آن ضلع است، لذا مثلث قائم‌الزاویه است. (۰/۲۵) پس

$$\left. \begin{array}{l} MA \perp AB \\ OD \perp AB \end{array} \right\} \Rightarrow MA \parallel OD \Rightarrow \hat{M} = \hat{O}_1 \xrightarrow{(۱)} \hat{M} = \frac{BA}{2} \quad (۰/۲۵)$$

۱.۲۵



رسم شکل (۰/۲۵)

روش چهارم:

از نقطه M خطی بر دایره، مماس می‌کنیم. همچنین، از نقطه O به وتر AM عمود می‌کنیم و امتداد می‌دهیم تا خط مماس را در نقطه C قطع کند. در نتیجه

۳

$$OH \perp AM \Rightarrow O_1 = \frac{AM}{2} \quad (۰/۲۵)$$

$$\left. \begin{array}{l} O_1 + M_1 = M_r + M_1 = 90^\circ \Rightarrow M_r = O_1 \\ M_1 + M_r = 90^\circ = \frac{180^\circ}{2} = \frac{BA + AM}{2} \end{array} \right\} \Rightarrow M_1 + \frac{AM}{2} = \frac{BA + AM}{2} \Rightarrow M_1 = \frac{BA}{2} \quad (۰/۲۵)$$

قضیه صفحه ۱۴

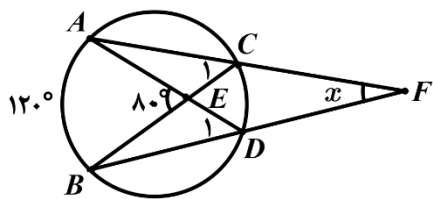
راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)		پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	
تعداد صفحه:		مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir			
ردیف	راهنمای نمره‌گذاری				نمره

۱

$$\underbrace{\frac{120^\circ + y}{2} = 80^\circ}_{(0/25)}, \quad \underbrace{\frac{120^\circ - y}{2} = x}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{y = 40^\circ}_{(0/25)}, \quad \underbrace{x = 40^\circ}_{(0/25)}$$

روش اول:

روش دوم: با استفاده از ویژگی‌های زاویه محاطی و زاویه خارجی داریم:

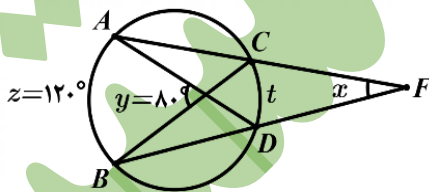


$$\begin{aligned} 80^\circ &= \hat{C}_1 + \hat{A} = \underbrace{\frac{120^\circ}{2}}_{(0/25)} + \hat{A} \Rightarrow \hat{A} = 20^\circ \quad (*) \\ \hat{D}_1 &= \underbrace{\frac{120^\circ}{2}}_{(0/25)} = 60^\circ \\ \hat{D}_1 &= \hat{A} + x \quad (*) \\ &\underbrace{= 20^\circ + x}_{(0/25)} \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right\} \Rightarrow \underbrace{x = 40^\circ}_{(0/25)}$$

۴

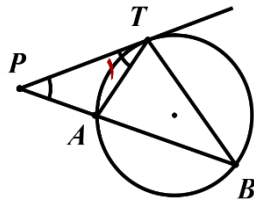
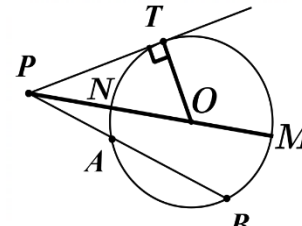
روش سوم:

$$\underbrace{y = \frac{z+t}{2}}_{(0/25)}, \quad \underbrace{x = \frac{z-t}{2}}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{x+y=z}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{x+80^\circ}_{(0/25)} = \underbrace{120^\circ}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{x=40^\circ}_{(0/25)}$$

تذکر: در صورت به دست آوردن جواب به کمک رابطه $x + y = z$ بدون اثبات، فقط (۰/۵) نمره تعلق گیرد.

مشابه تمرین ۲ صفحه ۱۶

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)		پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه:		مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir		
ردیف	راهنمای نمره‌گذاری			
نمره				

۱.۲۵	روش اول: از نقطه T به A و B وصل می‌کنیم.  رسم شکل (۰/۲۵) $\begin{cases} P = P & (۰/۲۵) \\ T = B = \frac{TA}{2} & (۰/۲۵) \end{cases} \Rightarrow \underbrace{\triangle PAT \sim \triangle PBT}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \frac{PT}{PA} = \frac{PB}{PT} \Rightarrow PT^2 = PA \times PB \quad (۰/۲۵)$	۵
	روش دوم: نقطه P را به مرکز دایره وصل می‌کنیم و امتداد می‌دهیم. سپس نقاط برخورد با دایره را M و N می‌نامیم. قرار می‌دهیم $OP = d$. پس  رسم شکل (۰/۲۵) $\begin{aligned} PN \times PM = PA \times PB &\Rightarrow (d - R)(d + R) = PA \times PB \\ &\Rightarrow PA \times PB = d^2 - R^2 \quad (۱) \end{aligned}$ از طرفی در مثلث قائم‌الزاویه $\triangle OPT$ داریم $OT^2 + PT^2 = OP^2 \Rightarrow PT^2 = d^2 - R^2 \quad (۲)$ بنابر روابط (۱) و (۲) داریم $PT^2 = PA \times PB$. (۰/۲۵) (در صورتی که PA از مرکز بگذرد، اثبات به روش مشابه برقرار است) قضیه صفحه ۱۹	
۱.۵	فرض کنیم طول خط‌المركزین دو دایره برابر d و طول شعاع‌های آنها R و R' باشد. ($R > R'$) طول مماس مشترک خارجی $= \sqrt{d^2 - (R - R')^2}$ و طول مماس مشترک داخلی $= \sqrt{d^2 - (R + R')^2}$ در نتیجه $\begin{aligned} ۱۰^2 &= ۲۶^2 - (R + R')^2 & ۲۴^2 &= ۲۶^2 - (R - R')^2 \\ &(۰/۲۵) & &(۰/۲۵) \end{aligned}$ $\Rightarrow R + R' = ۲۴, \quad R - R' = ۱۰ \Rightarrow R = ۱۷, R' = ۷$ (۰/۵) تذکر: اگر دانش آموز به جای نوشتن فرمول مستقیماً اعداد را در فرمول جایگذاری کند، نمره کامل منظور گردد. مشابه تمرین ۵ صفحه ۲۳	۶

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه:	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴	مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir		
ردیف	راهنمای نمره‌گذاری	نمره	

روش اول:

$$S = \frac{1}{2} a h_a \quad \text{یا} \quad \frac{1}{h_a} = \frac{a}{2S} \quad (1) \quad \text{به طور مشابه} \quad \frac{1}{h_c} = \frac{c}{2S}, \quad \frac{1}{h_b} = \frac{b}{2S} \quad (2)$$

(۰/۲۵) (۰/۲۵)

$$(1), (2) \rightarrow \frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{a}{2S} + \frac{b}{2S} + \frac{c}{2S} = \frac{2P}{2S} = \frac{1}{r}$$

(۰/۲۵) (۰/۲۵)

روش دوم:

با توجه به شکل داریم

$$h_a = c \sin B \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{1}{c \sin B} \quad (1)$$

(۰/۲۵)

$$\text{به طور مشابه} \quad \frac{1}{h_c} = \frac{1}{b \sin A}, \quad \frac{1}{h_b} = \frac{1}{a \sin C} \quad (2)$$

$$(1), (2) \rightarrow \frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{1}{c \sin B} + \frac{1}{a \sin C} + \frac{1}{b \sin A}$$

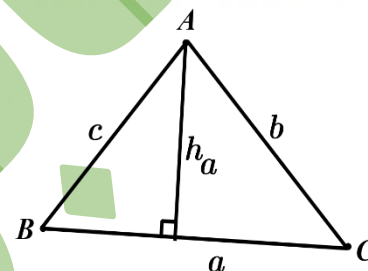
(۰/۲۵)

$$= \frac{a}{ca \sin B} + \frac{b}{ab \sin C} + \frac{c}{bc \sin A}$$

(۰/۲۵)

$$= \frac{a}{2S} + \frac{b}{2S} + \frac{c}{2S} = \frac{2P}{2S} = \frac{P}{S} = \frac{1}{r}$$

(۰/۲۵)



۷

روش سوم: ابتدا دایره محاطی داخلی مثلث را رسم می‌کنیم. حال با توجه به شکل داریم:

$$S_{OBC} + S_{OAC} + S_{OAB} = S_{ABC}$$

(۰/۲۵)

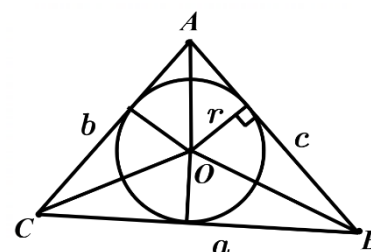
$$\Rightarrow \frac{1}{2} ar + \frac{1}{2} br + \frac{1}{2} cr = S = \frac{1}{2} ah_a$$

$$\Rightarrow h_a = \frac{ar + br + cr}{a} = \frac{rP}{a} \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{a}{rP} \quad (1)$$

(۰/۲۵)

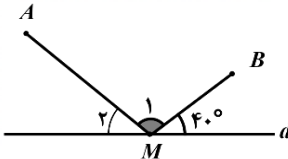
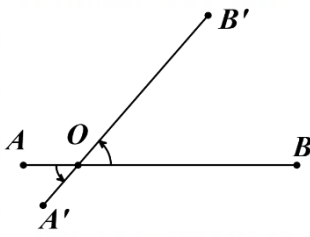
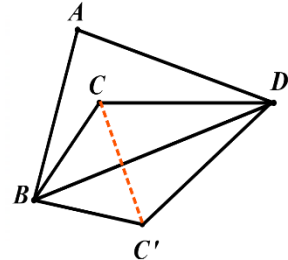
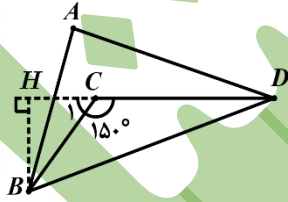
$$\text{به طور مشابه} \quad \frac{1}{h_c} = \frac{c}{rP}, \quad \frac{1}{h_b} = \frac{b}{rP} \quad (2)$$

$$(1), (2) \rightarrow \frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{a}{rP} + \frac{b}{rP} + \frac{c}{rP} = \frac{2P}{rP} = \frac{1}{r}$$



راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)		پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه:		مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش		
		Azmoon.medu.ir		
ردیف	راهنمای نمره‌گذاری			
نمره				

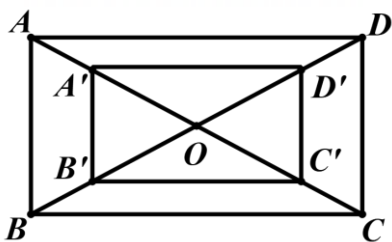
۱	روش چهارم: $S = \frac{1}{2} a h_a \Rightarrow rP = \frac{1}{2} a h_a \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{a}{2rP} \quad (1)$ (۰/۲۵) به طور مشابه $\frac{1}{h_c} = \frac{c}{2rP}$, $\frac{1}{h_b} = \frac{b}{2rP} \quad (2)$ (۰/۲۵) (1), (2) $\rightarrow \frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{a}{2rP} + \frac{b}{2rP} + \frac{c}{2rP} = \frac{2P}{2rP} = \frac{1}{r}$ (۰/۲۵) روش پنجم: فرض کنیم R شعاع دایره محیطی مثلث باشد. پس $S = \frac{1}{2} ab \sin C = \frac{1}{2} ab \left(\frac{c}{2R} \right) = \frac{abc}{4R} \quad (1)$ (۰/۲۵) $S = \frac{1}{2} a h_a$ به طور مشابه $\frac{1}{h_c} = \frac{2R}{ab}$, $\frac{1}{h_b} = \frac{2R}{ac} \quad (2)$ (۰/۲۵) (1), (2) $\rightarrow \frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{2R}{bc} + \frac{2R}{ac} + \frac{2R}{ba} = \frac{2R(a+b+c)}{abc} = \frac{4RP}{4RS} = \frac{1}{r}$ (۰/۲۵) تمرین ۵ صفحه ۳۰	۷
۱	روش اول: $AB + CD = (AM + BM) + (DP + CP) = (AQ + BN) + (DQ + CN)$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) $= (AQ + DQ) + (BN + CN) = AD + BC$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) روش دوم: $AM = AQ = x, QD = DP = y \Rightarrow \begin{cases} MB = BN = AB - x \\ PC = NC = DC - y \end{cases} \quad (۰/۵)$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) $\Rightarrow AD + CB = (x + y) + (AB - x + CD - y) = AB + CD$ (۰/۲۵) قضیه صفحه ۲۷	۸

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)		پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه:		مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir		
ردیف	راهنمای نمره‌گذاری			
۹	۰.۵	 $\underbrace{\hat{M}_2 = 40^\circ}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{\hat{M}_1 = 100^\circ}_{(۰/۲۵)}$ نتیجه سوال صفحه ۵۲		
۱۰	۱	اگر T یک دوران به مرکز O و زاویه α باشد، با توجه به شکل تحت T داریم: $T(A) = A' \quad , \quad T(B) = B' \Rightarrow \underbrace{OA = OA' \quad , \quad OB = OB'}_{(۰/۲۵)}$  $\Rightarrow \underbrace{AB = OA + OB = OA' + OB' = A'B'}_{(۰/۵)}$ رسم شکل (۰/۲۵) تذکر: به جواب مسأله، با رسم شکل و به صورت نوشتار فارسی (به طور کامل)، نیز نمره کامل داده شود. قضیه صفحه ۴۱		
۱۱	۱	روش اول: ابتدا بازتاب نقطه C را تحت BD به دست می آوریم و آن را C' می نامیم. بنابراین میزان افزایش مساحت برابر است با: $\underbrace{S_{BC'DC}}_{(۰/۲۵)} = 2S_{BDC} = 2\left(\underbrace{\frac{1}{2} CB \times CD \sin C}_{(۰/۲۵)}\right) = 5 \times 8 \times \underbrace{\frac{1}{2}}_{(۰/۲۵)} = 20$  رسم شکل (۰/۲۵) روش دوم: ارتفاع BH را رسم می کنیم. $\hat{C}_1 = 30^\circ$ لذا $BH = \frac{1}{2} BC = \frac{5}{2}$ (۰/۲۵). بنابراین میزان افزایش مساحت برابر است با: $\underbrace{2S_{BDC}}_{(۰/۲۵)} = 2\left(\underbrace{\frac{1}{2} BH \times CD}_{(۰/۲۵)}\right) = 2\left(\underbrace{\frac{1}{2} \times \frac{5}{2} \times 8}_{(۰/۲۵)}\right) = 20$  رسم شکل (۰/۲۵) مشابه تمرین ۵ صفحه ۵۴		

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)			پایه: یازدهم		رشته: ریاضی و فیزیک		تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	
تعداد صفحه:			مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه			ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران		
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴			مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir					
ردیف		راهنمای نمره‌گذاری						نمره
۱۲		(فرض کنیم T یک تبدیل طولپا باشد. در این صورت با توجه به شکل، تحت T داریم: $T(O) = O' \quad , \quad T(A) = A' \quad , \quad T(B) = B'$ در نتیجه پاره‌خط‌های OA، OB و AB به ترتیب به پاره‌خط‌های $O'A'$، $O'B'$ و $A'B'$ تصویر می‌شود. چون تبدیل طولپاست داریم: (۰/۲۵) $OA = O'A' \quad , \quad OB = O'B' \quad , \quad AB = A'B'$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \overset{\Delta}{AOB} \cong \overset{\Delta}{A'O'B'} \Rightarrow \hat{O} = \overset{\wedge}{O'}$ (۰/۵) تذکر: در پنج خط اول اشاره به سه پاره خط، تصویر آنها و مفهوم طولپا بودن به هر بیانی (ریاضی یا توضیح فارسی)، مد نظر است.						
		رسم تصویر زاویه (۰/۲۵) قضیه صفحه ۳۵						

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)		پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه:		مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir		
ردیف	راهنمای نمره‌گذاری			
نمره				

۱.۲۵

روش اول: اگر S و S' به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشد داریم:

رسم شکل (۰/۲۵)

$$\underbrace{S - S' = 10}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{S - \frac{4}{9}S}_{(۰/۵)} = 10 \Rightarrow \underbrace{S = 18}_{(۰/۲۵)}$$

روش دوم: اگر S و S' به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشد داریم:

$$\underbrace{S - S' = 10}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{AB \times AD - A'B' \times A'D'}_{(۰/۵)} = \underbrace{AB \times AD - \frac{2}{3}AB \times \frac{2}{3}AD}_{(۰/۲۵)} = 10 \Rightarrow \underbrace{S = AB \times AD = 18}_{(۰/۲۵)}$$

رسم شکل (۰/۲۵)

روش سوم: اگر S و S' به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشد داریم:

$$\underbrace{\frac{S'}{S} = k^2 = \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}}_{(۰/۵)} \Rightarrow \underbrace{\frac{S - S'}{S} = \frac{5}{9}}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{\frac{10}{S} = \frac{5}{9}}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow S = 18$$

رسم شکل (۰/۲۵)

روش چهارم: فرض کنیم S و S' به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشند و α یکی از زاویه های بین دو قطر مستطیل باشد. می دانیم در هر مثلث میانه، مثلث را به دو مثلث هم مساحت تقسیم می کند بنابراین:

$$\underbrace{S - S' = 10 \Rightarrow 4S_{OAB} - 4S_{OA'B'}}_{(۰/۲۵)} = 10$$

$$\Rightarrow \underbrace{4\left(\frac{1}{2}OA \times OB \times \sin \alpha\right) - 4\left(\frac{1}{2}OA' \times OB' \times \sin \alpha\right)}_{(۰/۲۵)} = 10$$

$$\Rightarrow \underbrace{OA \times OB \times \sin \alpha - \frac{4}{9}OA \times OB \times \sin \alpha}_{(۰/۲۵)} = 5 \Rightarrow OA \times OB \times \sin \alpha = 9$$

$$\Rightarrow S = 4\left(\frac{1}{2} \times OA \times OB \times \sin \alpha\right) = 18 \quad (۰/۲۵)$$

رسم شکل (۰/۲۵)

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه:	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴	مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir		
ردیف	راهنمای نمره‌گذاری	نمره	

روش اول:

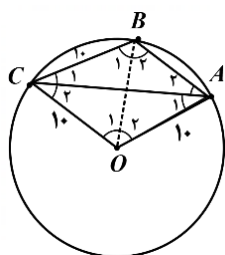
۱.۵

$$\frac{BC}{\sin A} = \frac{AC}{\sin B} = 2R \Rightarrow \frac{10}{\sin A} = \frac{AC}{\sin 135^\circ} = 2 \times 10$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin A = \frac{1}{2} \Rightarrow A = 15^\circ \vee A = 30^\circ & \text{ق ق} \\ AC = 20 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 10\sqrt{2} \end{cases}$$

روش دوم:

دایره محیطی مثلث را رسم می‌کنیم. مطابق شکل داریم:



$$OA = OC = OB = CB = 10$$

$$\Rightarrow \left. \begin{aligned} \triangle COB : O_1 = B_1 = 60^\circ & \quad (1) \\ B_1 + B_2 = 135^\circ \end{aligned} \right\} \Rightarrow B_2 = 75^\circ \quad (0/25)$$

$$\triangle AOB : A_1 + A_2 = B_2 = 75^\circ \Rightarrow O_2 = 30^\circ \quad (2) \quad (0/25)$$

$$\stackrel{(1),(2)}{\Rightarrow} \hat{AOC} = 90^\circ \Rightarrow CA^2 = 10^2 + 10^2 \Rightarrow CA = 10\sqrt{2} \quad (0/5)$$

$$\hat{AOC} = 90^\circ \Rightarrow \triangle COA : C_2 = A_1 = 45^\circ \Rightarrow A_2 = 30^\circ \quad (0/5)$$

روش سوم:

در مثلث ABC ، اگر $AB = c$ ، $AC = b$ ، $BC = a = 10$ و با فرض این‌که S مساحت مثلث باشد داریم:

$$S = \frac{1}{2} ac \sin B \Rightarrow S = \frac{1}{2} \times 10 \times c \times \sin 135^\circ = \frac{5\sqrt{2}}{2} c \quad (1) \quad (0/25)$$

$$S = \frac{1}{2} ab \sin C = \frac{1}{2} ab \left(\frac{c}{2R} \right) = \frac{abc}{4R} \Rightarrow R = \frac{abc}{4S} \stackrel{(1)}{\Rightarrow} 10 = \frac{10bc}{4 \times \frac{5\sqrt{2}}{2} c} \Rightarrow AC = b = 10\sqrt{2} \quad (0/5)$$

$$S = \frac{1}{2} bc \sin \hat{A} = \frac{5\sqrt{2}}{2} c \Rightarrow \sin A = \frac{1}{2} \Rightarrow \hat{A} = 15^\circ \vee \hat{A} = 30^\circ \quad \text{ق ق} \quad (0/25)$$

رایگان: تنظیم واحد مشاوره دبیرستان استعدادهای درخشان شهید دستغیب دو ناحیه ۱ (۰/۲۵)

•.۷۵

روش اول:

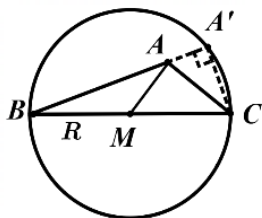
$$\underbrace{a^r > b^r + c^r \Leftrightarrow b^r + c^r - \textcolor{red}{2}bc \cos A > b^r + c^r}_{(\cdot/\textcolor{red}{25})} \Leftrightarrow \underbrace{-\textcolor{red}{2}bc \cos A > \cdot}_{(\cdot/\textcolor{red}{25})} \Leftrightarrow \underbrace{\cos A < \cdot \Leftrightarrow A > \textcolor{red}{90}^\circ}_{(\cdot/\textcolor{red}{25})}$$

نگارش دیگری از روش اول:

$$\underbrace{a^r > b^r + c^r \Leftrightarrow b^r + c^r - a^r < 0}_{(\cdot/\mathfrak{r}\Delta)} \Leftrightarrow \underbrace{\frac{b^r + c^r - a^r}{\mathfrak{r}bc}}_{(\cdot/\mathfrak{r}\Delta)} < 0 \Leftrightarrow \underbrace{\cos A < 0}_{(\cdot/\mathfrak{r}\Delta)} \Leftrightarrow A > \mathfrak{q}^\circ$$

روش دوم:

فرض کنیم R شعاع دایره محیطی مثلث باشد. در نتیجه:



$$\begin{aligned}
 a^{\text{r}} > b^{\text{r}} + c^{\text{r}} &\Leftrightarrow \text{r}R^{\text{r}} \sin^{\text{r}} A > \text{r}R^{\text{r}} \sin^{\text{r}} B + \text{r}R^{\text{r}} \sin^{\text{r}} C & (\cdot / \text{r}\Delta) \\
 \Leftrightarrow \sin^{\text{r}} A > \sin^{\text{r}} B + \sin^{\text{r}} C &\Leftrightarrow \sin^{\text{r}}(B + C) > \sin^{\text{r}} B + \sin^{\text{r}} C \\
 \Leftrightarrow \sin^{\text{r}} B \cos^{\text{r}} C + \cos^{\text{r}} B \sin^{\text{r}} C + \text{r} \sin B \cos B \sin C \cos C &> \sin^{\text{r}} B + \sin^{\text{r}} C \\
 \Leftrightarrow \sin^{\text{r}} B(\cos^{\text{r}} C - 1) + \sin^{\text{r}} C(\cos^{\text{r}} B - 1) + \text{r} \sin B \cos B \sin C \cos C &> \cdot & (\cdot / \text{r}\Delta) \\
 \Leftrightarrow \sin^{\text{r}} B(-\sin^{\text{r}} C) + \sin^{\text{r}} C(-\sin^{\text{r}} B) + \text{r} \sin B \cos B \sin C \cos C &> \cdot \\
 \Leftrightarrow \cos B \cos C > \sin B \sin C &\Leftrightarrow \cos B \cos C - \sin B \sin C > \cdot \\
 \Leftrightarrow \cos(B + C) > \cdot &\Leftrightarrow B + C < 90^{\circ} \Leftrightarrow A > 90^{\circ} & (\cdot / \text{r}\Delta)
 \end{aligned}$$

روش سوم:

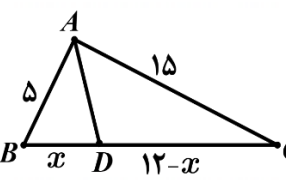
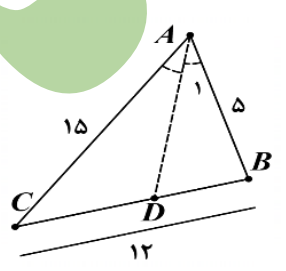
با توجه به شکل اگر $AM = m_a$, $BC = a$ ابتدا ثابت می کنیم: $\hat{A} > 90^\circ \Leftrightarrow m_a < \frac{a}{2}$

دایره‌ای به قطر BC و به مرکز M وسط ضلع BC می‌زنیم. با توجه به شکل و ویژگی‌های زاویه خارجی داریم:

$$(۰/۲۵) \quad \text{ا} = ۲R \quad ۲m_{\rho} < \text{ا} \Leftrightarrow m_{\rho} < R \Leftrightarrow (A \text{ نقطه درون دایره باشد}) \Leftrightarrow \hat{A} > ۹۰^{\circ}$$

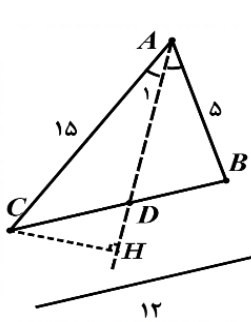
بنابر این:

$$\hat{A} > \mathfrak{A}^\circ \Leftrightarrow m_a < \frac{a}{\mathfrak{r}} \Leftrightarrow m_a^{\mathfrak{r}} < \frac{a^{\mathfrak{r}}}{\mathfrak{r}} \Leftrightarrow \mathfrak{r}m_a^{\mathfrak{r}} < \frac{a^{\mathfrak{r}}}{\mathfrak{r}} \Leftrightarrow \mathfrak{r}m_a^{\mathfrak{r}} + \frac{a^{\mathfrak{r}}}{\mathfrak{r}} < a^{\mathfrak{r}} \Leftrightarrow b^{\mathfrak{r}} + c^{\mathfrak{r}} < a^{\mathfrak{r}}$$

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)		پایه: یازدهم		رشته: ریاضی و فیزیک		تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷		
تعداد صفحه:		مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران				
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴				مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir				
ردیف		راهنمای نمره‌گذاری						نمره
الف) فرض کنیم $a = 6, b = 10, c = 14$. $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C \Rightarrow 14^2 = 6^2 + 10^2 - 2(6)(10) \cos C \Rightarrow \cos C = -\frac{1}{2} \Rightarrow C = 120^\circ$ (۰/۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) مشابه کار در کلاس ۲ صفحه ۶۵ ب) مشابه مثال صفحه ۷۱ ۱.۲۵ $P = \frac{6+10+14}{2} = 15$ (۰/۲۵) $S = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)} = \sqrt{15 \times 9 \times 5 \times 1} = 15\sqrt{3}, S = \frac{1}{2} \times 6 \times h_a = 15\sqrt{3} \Rightarrow h_a = 5\sqrt{3}$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)								
روش اول: با فرض $BD = x$ داریم $DC = 12 - x$ در نتیجه  $\frac{AB}{BD} = \frac{AC}{DC} \Rightarrow \frac{5}{x} = \frac{15}{12-x} \Rightarrow x = 3 \Rightarrow BD = 3, DC = 9$ (۰/۵) (۰/۲۵) $AD^2 = AB \times AC - BD \times DC = 5 \times 15 - 3 \times 9 = 48 \Rightarrow AD = \sqrt{48} = 4\sqrt{3}$ (۰/۵) (۰/۲۵) توجه: برای به دست آوردن BD, DC روش‌های زیر قابل قبول است: یا $BD = \frac{12 \times 5}{15 + 5} = 3 \Rightarrow CD = 9$ (۰/۵) (۰/۲۵) یا $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} \Rightarrow \frac{AB}{AC+AB} = \frac{BD}{DC+BD} \Rightarrow \frac{5}{20} = \frac{BD}{12} \Rightarrow BD = 3, DC = 9$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) روش دوم: $12^2 = 15^2 + 5^2 - 2 \times 15 \times 5 \times \cos A \Rightarrow \cos A = \frac{53}{75}$ (۰/۲۵)  $\Rightarrow \cos^2\left(\frac{A}{2}\right) = \frac{1 + \cos A}{2} = \frac{1 + \frac{53}{75}}{2} \Rightarrow \cos\left(\frac{A}{2}\right) = \frac{8}{5\sqrt{3}}$ (۰/۲۵) $AD = d_a = \frac{2bc \cos\left(\frac{A}{2}\right)}{b+c} = \frac{2 \times 5 \times 15 \times \frac{8}{5\sqrt{3}}}{15+5} = 4\sqrt{3}$ (۱)								

تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه: یازدهم	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
تعداد صفحه:	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش Azmoon.medu.ir	نمره		
نمره	راهنمای نمره‌گذاری		

روش سوم:



$$12^2 = 15^2 + 5^2 - 2 \times 15 \times 5 \times \cos A \Rightarrow \cos A = \frac{53}{75} \quad (0/25)$$

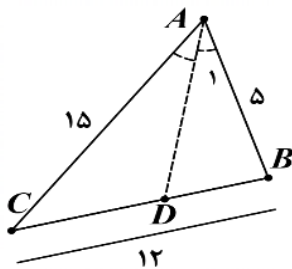
$$\sin^2 \hat{A}_1 = \frac{1 - \cos \hat{A}}{2} = \frac{11}{75} \Rightarrow \sin \hat{A}_1 = \frac{\sqrt{33}}{15} \Rightarrow CH = \sqrt{33} \quad (0/5)$$

$$S_{ABC} = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)} = 8\sqrt{11} \quad (0/25)$$

$$\frac{S_{ABD}}{S_{ADC}} = \frac{5}{15} \Rightarrow \frac{S_{ABD}}{S_{ADC}} = \frac{20}{15} \Rightarrow S_{ADC} = 6\sqrt{11} \quad (0/25)$$

$$S_{ADC} = 6\sqrt{11} = \frac{1}{2} AD \times CH \Rightarrow AD = 4\sqrt{3} \quad (0/25)$$

روش چهارم:



$$12^2 = 15^2 + 5^2 - 2 \times 15 \times 5 \times \cos A \Rightarrow \cos A = \frac{53}{75} \quad (0/25)$$

$$\sin^2 \hat{A}_1 = \frac{1 - \cos \hat{A}}{2} = \frac{11}{75} \Rightarrow \sin \hat{A}_1 = \frac{\sqrt{33}}{15} \quad (0/25)$$

$$\cos B = \frac{20 + 144 - 225}{120} = -\frac{7}{15} \Rightarrow \sin B = \frac{4\sqrt{11}}{15} \quad (0/5)$$

$$\frac{AD}{\sin B} = \frac{BD}{\sin \hat{A}_1} \Rightarrow \frac{AD}{\frac{4\sqrt{11}}{15}} = \frac{3}{\frac{\sqrt{33}}{15}} \Rightarrow AD = 4\sqrt{3} \quad (0/5)$$

روش پنجم: در مثلث ABC ، اگر $AB = c$ ، $AC = b$ ، $BC = a$ ، مساحت S و محیط مثلث باشد داریم:

$$AD^2 = AB \times AC - BD \times DC = bc - \frac{ac}{b+c} \times \frac{ab}{b+c} \quad (0/5)$$

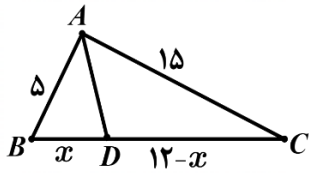
$$= \frac{bc((b+c)^2 - a^2)}{(b+c)^2} = \frac{bc(2P - 2a)(2P)}{(b+c)^2} = \frac{4bcP(P-a)}{(b+c)^2} \Rightarrow AD = \frac{2}{b+c} \sqrt{bcP(P-a)} \quad (0/25)$$

$$\Rightarrow AD = \frac{2}{b+c} \sqrt{bcP(P-a)} = \frac{2}{20} \sqrt{16 \times 5 \times 15 \times 4} = 4\sqrt{3} \quad (0/5)$$

تذکر: در صورت عدم اثبات فرمول فوق، فقط نمره خط آخر یعنی (۰/۷۵) منظور گردد.

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)		پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه:		مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترگران، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش		
		Azmoon.medu.ir		
ردیف	راهنمای نمره‌گذاری			
نمره				

روش ششم: استفاده از قضیه استوارت:



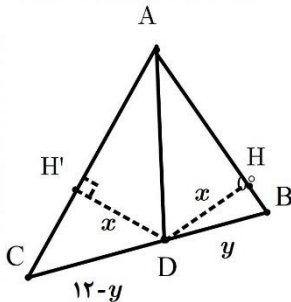
$$\frac{AB}{BD} = \frac{AC}{DC} \Rightarrow \frac{5}{x} = \frac{15}{12-x} \Rightarrow x = 3 \Rightarrow BD = 3, DC = 9 \quad (0/25)$$

$$AB^2 \times DC + AC^2 \times DB = AD^2 \times BC + DB \times DC \times BC \quad (0/25)$$

$$\Rightarrow 25 \times 9 + 225 \times 3 = 12 \times AD^2 + 3 \times 9 \times 12 \quad (0/25)$$

$$\Rightarrow AD = 4\sqrt{3} \quad (0/25)$$

روش هفتم:



$$\frac{5}{y} = \frac{15}{12-y} \Rightarrow y = 3, CD = 9 \quad (AC = 15, AB = 5) \quad (0/25)$$

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} x(5 + 15) = \sqrt{16 \times 11 \times 1 \times 4} \Rightarrow x = \frac{4\sqrt{11}}{5} \quad (0/25)$$

$$BH^2 = 9 - \frac{176}{25} = \frac{49}{25} \Rightarrow BH = \frac{7}{5}, AH = \frac{32}{5} \quad (0/25)$$

$$\Rightarrow AD^2 = \left(\frac{4\sqrt{11}}{5}\right)^2 + \left(\frac{32}{5}\right)^2 \Rightarrow AD = 4\sqrt{3} \quad (0/25)$$

مشابه تمرین ۲ صفحه ۷۰